

Titre : Dynamique locale des germes non-inversibles sur des surfaces complexes.

Résumé : On considère le système dynamique local induit par un germe holomorphe f en \mathbb{C}^2 qui fixe l'origine. Pour toute modification (i.e., morphisme birationnel propre) $\pi: X_\pi \rightarrow (X, x_0)$, le relevé f_π de f à X_π définit une application méromorphe.

On dit que f_π est algébriquement stable si pour toute courbe compacte E en X_π , son orbite par f_π intersecte l'ensemble d'indétermination de f_π seulement un nombre fini de fois.

Dans un travail en commun avec William Gignac, on montre que, étant donnée une modification π il existe une modification π' qui domine π et qui est algébriquement stable pour f .

La preuve se base sur l'étude de l'action f_* induite par f sur un espace de valuations V opportun. En particulier, on construit une distance sur V pour laquelle f_* est non-expansive. Cela nous permet de déduire des théorèmes de point fixe pour f_* .